

2811

by Samsul Maarif

Submission date: 26-Mar-2020 10:40PM (UTC+0700)

Submission ID: 1282535715

File name: 2811-9000-1-LE.docx (109.59K)

Word count: 5042

Character count: 32928

Penerapan Model *Guided Discovery Learning* dalam Mengembangkan Kemampuan Mengkonstruksi Bukti Geometri

Samsul Maarif^{1*}, Trisna Roy Pradipta², Surya Amami Pramuditya³,
Muchamad Subali Noto⁴

^{1,2}Program Studi Pendidikan Matematika, Universitas Muhammadiyah Prof. Dr. HAMKA, Jakarta, Indonesia; ^{1*}samsul_maarif@uhamka.ac.id; ²troymath@uhamka.ac.id

^{3,4}Program Studi Pendidikan Matematika, Universitas Swadaya Gunung Djati, Cirebon, Indonesia; ³msubalinoto@kip-unswagati.ac.id, ⁴amamisurya@gmail.com

Info Artikel: Dikirim: 18 November 2019; Direvisi: 3 Februari 2020; Diterima: 10 Maret 2020

Cara sitasi: Maarif, S., Pradipta, T.R., Pramuditya, A. S., & Noto, M. S. (2020). Penerapan Model *Guided Discovery Learning* dalam Mengembangkan Kemampuan Mengkonstruksi Bukti Geometri. *JNPM (Jurnal Nasional Pendidikan Matematika)* 4(2), 28-43.

Abstrak. Penelitian ini bertujuan untuk menganalisis penerapan model *Guided Discovery Learning* (GDL) dalam meningkatkan kemampuan mengkonstruksi bukti geometri (KMBG) pada perkuliahan geometri dasar. Penelitian menggunakan eksperimen factorial design 3×2 yang melibatkan dua kelas geometri dasar dengan perlakuan pembelajaran yang berbeda yakni model GDL di kelas eksperimen dan model *Direct Instruction* (DI) di kelas kontrol. Populasi pada dalam penelitian ini adalah seluruh mahasiswa yang mengikuti mata kuliah geometri dasar Program Studi Pendidikan Matematika di salah satu Perguruan Tinggi. Sampel penelitian sejumlah 75 mahasiswa dipilih dengan teknik *Cluster Random Sampling* untuk menentukan satu kelas eksperimen dan satu kelas kontrol. Penelitian ini menyimpulkan bahwa: 1) peningkatan KMBG mahasiswa yang memperoleh GDL lebih baik dibandingkan dengan mahasiswa yang memperoleh DI; 2) terdapat perbedaan peningkatan KMBG ditinjau dari level Kemampuan Awal Matematika (KAM) mahasiswa; 3) terdapat efek interaksi faktor pembelajaran dan KAM terhadap peningkatan KMBG.

Kata Kunci: *Guided Discovery Learning*, Pembuktian, Geometri, Mengkonstruksi Bukti Geometri.

Abstract. This research aims to analyze the application of the *Guided Discovery Learning* (GDL) model in improving the ability to construct geometric proof (KMBG) in basic geometry lectures. The study used a 3×2 factorial design experiment involving two basic geometry classes with different learning treatments namely GDL model in the experimental class and the *Direct Instruction* (DI) model in the control class. The population in this study were all students who took the basic geometry course in the Mathematics Education Study Program at one of the Higher Education Institutions. Whereas 75 research samples were selected using the cluster random sampling technique to determine one experimental class and one control class. This study concludes that: 1) the increase in KMBG of students

who get GDL is better than students who get DI; 2) there was a difference in the increase in KMBG in terms of the level of students' initial mathematical ability (KAM); 3) there is an effect of interaction between learning factors and KAM on the increase in KMBG.

Keywords: Guided Discovery Learning, Proving, Geometry, Construct Geometric Proof.

Pendahuluan

Pembelajaran matematika mengalami perubahan dalam konteks perubahan mutu pendidikan sehingga diperoleh hasil pembelajaran yang optimal. Upaya terus dilakukan untuk terwujudnya suatu pembelajaran yang inovatif sesuai dengan perkembangan zaman dan teknologi pendidikan. Perkembangan ilmu pengetahuan dijadikan suatu instrumen dalam mengembangkan pembelajaran matematika, sehingga dapat menentukan kualitas pendidikan. Oleh karena itu, merupakan suatu hal yang logis untuk memperhatikan kualitas pembelajaran matematika.

Kurikulum pendidikan di Indonesia menempatkan geometri pada setiap jenjang pendidikan mulai dari pendidikan dasar hingga pada jenjang pendidikan tinggi. Kurikulum geometri pada pendidikan tinggi setidaknya meliputi geometri datar, geometri ruang, geometri analitik datar dan ruang, serta geometri transformasi. Khusus pada kajian geometri, kurikulum pendidikan tinggi menempatkan geometri sebagai bahan kajian hingga pada sistem aksiomatis menuju pada pembuktian formal. Suatu pembuktian formal geometri akan terbentuk apabila kemampuan mahasiswa dalam menyusun argumentsi geometri berjalan dengan baik hingga pada akhirnya menuliskannya dalam bukti formal. Hal tersebut penting karena Jika seseorang tidak menguasai konsep geometri yang abstrak dan mengungkapkan argumennya dengan baik maka secara otomatis tidak mampu menganalisis untuk mengkonstruksi suatu bukti (Maarif, Wahyudin, Noto, Hidayat, & Mulyono, 2018).

Pembuktian menjadi indikator utama bagi seorang mahasiswa dalam mengembangkan kematangan bermatematik (Otten, Gilbertson, Males, & Clark, 2014; Maarif, Perbowo, Noto, & Harisman, 2019). Sehingga para praktisi di bidang pendidikan matematika mencurahkan pemikirannya untuk melakukan penelitian dalam upaya mengembangkan kemampuan pembuktian bagi para mahasiswa. Pada akhir-akhir ini, penelitian lebih memfokuskan pada bagaimana cara mahasiswa dapat mengkonstruksi bukti dibandingkan dengan kegiatan mahasiswa untuk bagaimana memahami sebuah bukti yang akan dikonstruksi (Hodds, Alcock, & Inglis Loughborough, 2014). Hal tersebut dapat menjadi potensi penyebab

kesalahan mahasiswa dalam mengkonstruksi sebuah bukti karena kurang memahami alur pembuktian sesuai dengan sistem aksiomatik.

Untuk mengembangkan kemampuan mengkonstruksi bukti matematis diperlukan sebuah desain pembelajaran yang mempunyai karakteristik membangun kategori, menentukan masalah dan menciptakan lingkungan yang mendukung (Weber, 2005). Meenciptakan pembelajaran geometri dalam rangka meningkatkan kemampuan pemahaman geometri, maka pembelajaran harus berpusat pada aktivitas mahasiswa, karena mahasiswa sangat membutuhkan kegiatan aktif dalam proses pembelajaran geometri (Maarif, Wahyudin, Noto, Hidayat, & Mulyono, 2018). Disamping itu, mahasiswa juga membutuhkan proses penemuan teorema atau sifat-sifat geometri dan memerlukan waktu yang cukup untuk mengeksplorasi serta merefleksikan ide barunya. Sedangkan Heinze & Reiss (Reiss & Renkl, 2002) mengungkapkan untuk mengembangkan kemampuan penalaran dan pembuktian matematis diperlukan sebuah pembelajaran yang memberikan kesempatan pada mahasiswa dalam tugas-tugas yang mengarahkan pada penentuan konjektur, eksplorasi terhadap konjektur yang telah dibuat, menjelaskan dan menuliskan bukti secara formal. Kegiatan-kegiatan tersebut dapat dilaksanakan dengan kegiatan diskusi antar kelompok untuk bertukar pikiran ide-ide untuk menentukan kebenaran dari konjektur yang telah dibuat.

³ Model pembelajaran yang mempunyai karakteristik yang memberikan kesempatan kepada mahasiswa untuk mengeksplorasi ide pemikirannya diantaranya *Guided Discovery Learning* (GDL). Hal ini didasarkan pada model pembelajaran GDL merupakan sistem dua arah dimana proses pembelajarannya melibatkan mahasiswa dan dosen. Mahasiswa melakukan penemuan (*discovery*) dan dosen berperan dalam memberikan bimbingan (*guided*) dengan menganalisis kesulitan dalam memecahkan masalah yang dihadapi oleh mahasiswa (Baroody, Purpura, Eiland, & Reid, 2015). Selain itu, model GDL adalah model pembelajaran yang mendorong mahasiswa untuk mengajukan suatu pertanyaan, merumuskan jawaban alternatif, dan menyimpulkan prinsip-prinsip umum dari contoh-contoh praktis melalui bimbingan guru atau dosen (Tran, Nguyen, Bui, & Phan, 2014). Peran pengajar dalam model ini adalah sebagai fasilitator untuk mengarahkan para mahasiswa dalam mengembangkan ide-idenya untuk merumuskan jawaban hingga pada penarikan suatu kesimpulan konsep-konsep matematika yang sedang dipelajari.

⁴ Bicknell-Holmes & Hoffman (Maarif, [2015](#)) menggambarkan tiga sifat utama GDL yakni: (1) mengeksplorasi dan memecahkan masalah untuk membuat, mengintegrasikan, dan menggeneralisasi pengetahuan; (2) aktivitas-aktivitas berdasar ketertarikan dimana mahasiswa menentukan tahapan dan frekwensi, dan (3) aktivitas-aktivitas yang mendorong integrasi pengetahuan baru kedalam dasar pengetahuan mahasiswa yang telah ada. Pada model GDL struktur pembelajarannya ³ menekankan siswa untuk menemukan pola-pola, aturan, prinsip, dan struktur matematik melalui eksplorasi terhadap contoh-contoh. Sebagaimana yang dikemukakan Balim bahwa GDL ⁶ melibatkan suatu urutan induktif, urutan ini dimulai tidak dengan penjelasan sebuah prinsip umum tetapi dengan menghadapkan mahasiswa kepada beberapa contoh dari prinsip, dimana mereka dapat menganalisis, memanipulasi dan bereksperimen (Balim, [2009](#)). Sehingga melalui pembelajaran tersebut mahasiswa dapat mengembangkan kemampuan penalaran dan pembuktian matematis.

Menurut Dyer (Hammer, [1997](#)) terdapat 5 tahapan terurut kegiatan *discovery* dalam pembelajaran yakni: 1) *Association* (asosiasi); 2) *Questioning* (bertanya); 3) *Observing* (mengamati); 4) *Networking* (membuat jejaring); dan 5) *Experimenting* (melakukan percobaan). Pada tahapan *questioning*, mahasiswa memerlukan bagaimana strategi bertanya yang efektif dalam menjelaskan ide-ide mereka dalam menyusun bukti geometri. Oleh karena itu, untuk membantu mahasiswa mengeksplorasi pengetahuannya dalam membuktikan dan mengoneksikan masalah yang akan dibuktikan, dibuktikan cara untuk mengontrol proses berpikirnya.

Sebagai pembanding dalam penelitian ini, digunakan strategi *Direct Instruction* (DI) sebagai kelas kontrol. Pembelajaran pada tingkat perguruan tinggi masih didominasi peranan dosen yang dilakukan dengan pembelajaran langsung (Stockard, Wood, Coughlin, & Khoury, [2018](#)). Strategi DI adalah ⁵ model pengajaran yang berpusat pada dosen, dimana pendekatan ini dirancang khusus untuk menunjang proses belajar siswa yang berkaitan dengan pengetahuan deklaratif dan pengetahuan prosedural yang terstruktur dengan baik yang dapat diajarkan dengan pola kegiatan bertahap, selangkah demi selangkah (Flores & Kaylor, [2000](#)). Sedangkan Carnine (Louden, [2014](#)) mendefinisikan model DI sebagai sebuah pendekatan mengajar yang berorientasi pada keterampilan dan praktek mengajar yang diarahkan oleh guru. Sehingga, pada model DI peran serta dosen dalam perkuliahan sangat dominan.

Untuk mengeksplorasi kemampuan mengkonstruksi bukti geometri mahasiswa ditentukan seberapa jauh kemampuan awal matematika yang dimilikinya. Pada proses pembelajaran diperkuliahan, sekelompok mahasiswa yang dipilih secara acak akan selalu dijumpai siswa yang memiliki kemampuan tinggi, sedang, dan rendah, hal ini disebabkan kemampuan siswa menyebar secara distribusi normal (Haeruman, Rahayu, & Ambarwati, [2017](#)). Salah satu prediktor terbaik untuk mengetahui kemampuan matematis adalah perolehan hasil belajar matematika sebelumnya dengan proses penentuan kelompok tinggi, sedang dan rendah (Vilkomir & O'Donoghue, [2009](#)).

Model *GDL* biasanya dilakukan dalam kelompok dan bergantung pada pengetahuan awal yang sudah ada. Model pembelajaran ini merupakan model induktif yang membimbing mahasiswa untuk membahas dan mengatur ide nya sendiri. Dosen mengajak mahasiswa untuk memulai diskusi dan untuk berinteraksi dengan mahasiswa lain (Abdisa & Getinet, [2012](#)). *GDL* dapat digunakan jika mahasiswa dapat memecahkan masalah baru dari pengetahuan dan pengalaman mereka yang sudah ada. Mahasiswa memiliki latar belakang pengetahuan, teknik dan pemahaman tentang apa yang diharapkan yang dapat dipertimbangkan untuk bimbingan yang lebih efektif.

Ciri utama dari model *GDL* dalam kegiatan pembelajaran yaitu *motivation*; *data collecting*; *data processing*; *closure*; dan *appraisal* (Baroody Purpura, Eiland, & Reid, [2015](#)). Pada kegiatan pengumpulan data, mahasiswa mengumpulkan lebih dari satu data untuk merangsang pemikiran mahasiswa tentang satu rangkaian pengamatan. Begitupula pada tahapan pemrosesan data yang melibatkan mahasiswa untuk mencoba menarik kesimpulan dari data yang telah dikumpulkan.

Dari pemaparan ² di atas maka tujuan penelitian ini adalah untuk menganalisis penerapan model *GDL* dalam meningkatkan kemampuan mengkonstruksi bukti geometri (KMBG) pada perkuliahan geometri dasar.

Metode

Metode penelitian ini menggunakan *factorial design* 3×2 dengan desain penelitian *quasi experiment* jenis *nonequivalent control group design* (Sztajn, Wilson, Edgington, Myers, & Dick, [2013](#)). ¹ Sampel penelitian sejumlah 75 mahasiswa dipilih dengan teknik *Cluster Random Sampling* untuk menentukan satu kelas eksperimen (penerapan model *GDL*) dan satu kelas kontrol (penerapan model *DI*).

Langkah-langkah pembelajaran dengan model *GDL* yang dilakukan adalah sebagai berikut:

1. Mahasiswa mengeksplorasi masalah-masalah yang disajikan pada lembar kerja pembuktian dengan mengumpulkan data-data seperti informasi yang diketahui dalam masalah yang disajikan untuk membentuk konsep dengan jalan diskusi antar kelompok.
2. Dosen membagi kelompok dengan jumlah kelompok 4-5 mahasiswa.
3. Dosen membagikan Lembar Kerja Mahasiswa (LKM) sesuai dengan tiap-tiap pertemuan untuk didiskusikan dan dikerjakan dalam kelompok. Lembar kerja memuat aktivitas eksploratif untuk menemukan pengetahuan baru.
4. Mahasiswa mengeksplorasi masalah-masalah yang disajikan pada LKM dengan mengumpulkan data-data seperti informasi yang diketahui dalam masalah yang disajikan untuk membentuk konsep dengan jalan diskusi antar kelompok (*Data Collecting*).
5. Mahasiswa berdiskusi mencari solusi dari masalah-masalah yang disajikan (*Processing Data*).
6. Dosen memantau kerja kelompok mahasiswa dan memberikan bantuan apabila ada mahasiswa yang memerlukan. Pemberian bantuan oleh dosen dilakukan secara cermat, agar tidak mengganggu proses *discovery* oleh mahasiswa.
7. Dosen memilih hasil pekerjaan salah satu kelompok untuk dibahas secara klasikal. Pembahasan ditekankan melalui penggunaan komunikasi multi arah (dosen-mahasiswa dan antar mahasiswa dengan dosen sebagai fasilitator).
8. Kegiatan akhir perkuliahan dilakukan dengan dosen bersama-sama dengan mahasiswa merangkum pembelajaran secara klasikal (*clousure*).
9. Dosen melakukan penilaian dengan memberikan tes formatif (*Appraisal*)
10. Kemudian dosen memberikan tugas untuk dikumpulkan pada pertemuan berikutnya.

Adapun data diambil dari data tes kemampuan pemahaman bukti geometri. Tes kemampuan mengkonstruksi bukti geometri yang digunakan disusun dari indikator: 1) menemukan kesalahan dari langkah bukti yang telah disajikan, kemudian menuliskan kembali bukti yang benar atau valid; 2) Memilih satu dari dua teorema yang disajikan untuk digunakan dalam membuktikan suatu pernyataan; 3) kemampuan menyusun argumen untuk membuktikan suatu pernyataan (Arnawa, Sumarno, Kartasmita, & Baskoro, [2007](#); Bieda, Ji, Drwencke, & Picard, [2014](#)).

Sedangkan, Kemampuan Awal Matematika (KAM) mahasiswa diambil dari nilai Ujian Nasional (UN) pada tingkat SMA/Sederajat mahasiswa. Nilai ujian nasional menggambarkan kemampuan mahasiswa dalam bidang matematika karena diukur dari instrument yang telah dibuat secara nasional oleh pemerintah melalui proses yang sudah terstandarisasi. Peneliti mengambil KAM mahasiswa diambil dari nilai Ujian Nasional (UN) pada tingkat SMA/Sederajat mahasiswa, karena mahasiswa baru pertama kali mengikuti perkuliahan di jenjang universitas dan menggambarkan kemampuan matematis mahasiswa pada semester I (satu).

Untuk memperdalam data, setelah melakukan analisis data statistik dilakukan observasi dan wawancara terhadap 6 responden terkait penerapan model *GDL*. Responden tersebut terbagi dalam 2 mahasiswa kategori KAM level tinggi, 2 mahasiswa kategori KAM level sedang dan 2 mahasiswa kategori KAM level rendah dengan mengikuti pengkodean seperti terlihat pada tabel 1.

Tabel 1. Pengkodean KAM Mahasiswa

Kode	Makna Kode
R11	Responden berasal dari kelompok KAM level tinggi, orang yang pertama
R12	Responden berasal dari kelompok KAM level tinggi, orang yang kedua
R21	Responden berasal dari kelompok KAM level sedang, orang yang pertama
R22	Responden berasal dari kelompok KAM level sedang, orang yang kedua
R31	Responden berasal dari kelompok KAM level rendah, orang yang pertama
R32	Responden berasal dari kelompok KAM level rendah, orang yang kedua
P	Peneliti

Analisis data dilakukan menggunakan analisis Anova dua jalur dengan menganalisis kemampuan mengkonstruksi bukti geometri yang didasarkan KAM mahasiswa. Pengujian hipotesis berkaitan dengan peningkatan kemampuan pemahaman bukti matematis yang terdiri atas: 1) hipotesis 1: terdapat perbedaan peningkatan kemampuan mengkonstruksi bukti geometri antara mahasiswa yang memperoleh pembelajaran menggunakan strategi model *GDL* dan mahasiswa yang memperoleh pembelajaran dengan model *DI*; 2) hipotesis 2: terdapat perbedaan peningkatan kemampuan mengkonstruksi bukti geometri antara mahasiswa yang memperoleh pembelajaran menggunakan model *GDL* dan mahasiswa yang memperoleh pembelajaran menggunakan model *DI* berdasarkan jenjang KAM mahasiswa. 3) hipotesis 3: terdapat pengaruh interaksi antara strategi *GDL* dan faktor kemampuan awal mahasiswa terhadap peningkatan kemampuan mengkonstruksi bukti geometri.

Hasil dan Pembahasan

Diperoleh hasil peningkatan Kemampuan Mengkonstruksi Bukti Geometri (KMBG) pada Tabel 2.

Tabel 2. Peningkatan Kemampuan Mengkonstruksi Bukti Geometri Mahasiswa Berdasarkan Level KAM Mahasiswa

Kategori KAM	Pemb.	N	Data	Skor		Rata-rata	Simpangan Baku
				Min.	Maks.		
Tinggi	GDL	6	Pretes	1	6	3,33	2,066
			Postes	8	13	10,33	2,066
			<i>n-Gain</i>	0,333	0,727	0,557	0,137
	DI	5	Pretes	1	6	3,80	1,789
			Postes	4	11	7,60	2,702
			<i>n-Gain</i>	0,000	0,583	0,307	0,221
Sedang	GDL	23	Pretes	0	7	3,52	1,997
			Postes	4	12	7,83	2,570
			<i>n-Gain</i>	0,000	0,733	0,334	0,226
	DI	23	Pretes	0	7	2,35	1,824
			Postes	1	8	5,13	1,890
			<i>n-Gain</i>	0,000	0,500	0,194	0,151
Rendah	GDL	6	Pretes	0	2	1,33	0,816
			Postes	7	10	8,17	1,169
			<i>n-Gain</i>	0,357	0,600	0,464	0,087
	DI	7	Pretes	0	5	2,14	1,574
			Postes	2	7	4,29	1,799
			<i>n-Gain</i>	0,000	0,357	0,147	0,149
Keseluruhan	GDL	35	Pretes	0	7	3,06	2,028
			Postes	4	13	8,31	2,447
			<i>n-Gain</i>	0,000	0,733	0,394	0,212
	DI	35	Pretes	0	7	2,51	1,805
			Postes	1	11	5,31	2,180
			<i>n-Gain</i>	0,000	0,583	0,201	0,163

Tabel 2 menunjukkan bahwa KMBG mahasiswa dengan level KAM tinggi, sedang dan rendah, dimana pembelajarannya menggunakan GDL mengalami peningkatan KMBG lebih tinggi dari pada mahasiswa yang pembelajarannya menggunakan DI. Begitu juga dengan nilai gain secara keseluruhan, KMBG mahasiswa yang pembelajarannya menggunakan GDL mengalami peningkatan KMBG lebih tinggi dari pada mahasiswa yang pembelajarannya menggunakan DI.

Data pada Tabel 2 kemudian dianalisis menggunakan *Software SPSS* untuk menguji ketiga hipotesis yang telah disebutkan. Adapun uji yang digunakan yaitu uji Anova Dua Jalur. Berdasarkan skor peningkatan kemampuan pembuktian matematis diperoleh hasil pengujian seperti tampak pada Tabel 3.

Tabel 3. Hasil Uji Anova Dua Jalur Skor Peningkatan Kemampuan Pembuktian Matematis Mahasiswa Berdasarkan Faktor Pembelajaran dan Level KAM Mahasiswa

Source	Type III Sum of Squares	Df	Mean Square	F	Sig.
Corrected Model	386,673 ^a	5	77,335	8,893	,000
Intercept	1755,986	1	1755,986	201,936	,000
Pembelajaran	54,775	1	54,775	6,299	,015
KAM	101,474	2	50,737	5,835	,005
Pembelajaran * KAM	68,677	2	34,339	3,949	,024
Error	556,527	64	8,696		
Total	3634,000	70			
Corrected Total	943,200	69			

Dari hasil pengujian Anova Dua Jalur pada Tabel 3 dapat diketahui bahwa: (a) nilai sig. pada baris "Model" adalah 0,015 dan nilai ini lebih kecil dari 0,05 dengan taraf signifikan $\alpha = 0,05$, maka hipotesis penelitian yang menyatakan terdapat perbedaan peningkatan mengkonstruksi bukti geometri antara mahasiswa yang memperoleh pembelajaran menggunakan GDL dan mahasiswa yang memperoleh pembelajaran menggunakan model DI diterima; (b) nilai sig. pada baris "KAM" adalah 0,005 dan nilai ini lebih kecil dari 0,05 dengan taraf signifikan $\alpha = 0,05$, maka hipotesis penelitian yang menyatakan terdapat perbedaan peningkatan kemampuan pembuktian matematis antara mahasiswa yang memperoleh pembelajaran menggunakan model GDL pembelajaran menggunakan model DI berdasarkan jenjang kemampuan awal matematis (KAM) mahasiswa diterima.

Untuk mengetahui kelompok mahasiswa dengan level KAM mana yang berbeda, dilanjutkan dengan uji HSD Tukey dengan hasil perhitungan seperti terlihat pada Tabel 4.

Tabel 4. Hasil Uji HSD Tukey

(I) KAM	(J) KAM	Mean Difference (I-J)	Std. Error	Sig.	95% Confidence Interval	
					Lower Bound	Upper Bound
Tinggi	Sedang	1,59	,990	,252	-,79	3,96
	Rendah	4,08*	1,208	,004	1,18	6,98
Sedang	Tinggi	-1,59	,990	,252	-3,96	,79
	Rendah	2,49*	,926	,024	,27	4,71
Rendah	Tinggi	-4,08*	1,208	,004	-6,98	-1,18
	Sedang	-2,49*	,926	,024	-4,71	-,27

Berdasarkan Tabel 4 dapat disimpulkan bahwa terdapat perbedaan yang signifikan antara peningkatan kemampuan pembuktian matematis pada kelompok mahasiswa level KAM mahasiswa tinggi dan sedang pada signifikan $\alpha = 0,05$. Hasil ini menunjukkan bahwa terdapat perbedaan yang signifikan pada level KAM terhadap peningkatan kemampuan mengkonstruksi bukti geometri mahasiswa.

Tabel 3 juga menunjukkan bahwa nilai *sig.* pada baris “Model*KAM” adalah 0,024 dan nilai ini kurang dari 0,05 dengan taraf signifikan $\alpha = 0,05$, maka terdapat pengaruh interaksi antara model GDL dan faktor KAM mahasiswa terhadap peningkatan kemampuan mengkonstruksi bukti geometri.

Hasil uji statistik menunjukkan peningkatan kemampuan mengkonstruksi bukti geometri mahasiswa kelas eksperimen secara keseluruhan lebih baik dibandingkan dengan mahasiswa kelas kontrol secara keseluruhan. Hal tersebut juga berlaku pada kategori KAM, meskipun hanya pada kategori tinggi dan sedang. Temuan tersebut juga didukung oleh hasil analisis uji pengaruh interaksi antara faktor pembelajaran dan KAM yang menunjukkan bahwa faktor pembelajaran memberikan pengaruh positif peningkatan kemampuan pembuktian matematis mahasiswa di kategori KAM. Hal tersebut menunjukkan bahwa model GDL mempunyai pengaruh yang baik terhadap peningkatan kemampuan mengkonstruksi bukti geometri mahasiswa pada mata kuliah Geometri Dasar. Yuliana, Tasari, & Wijayanti (2017) menyatakan bahwa model GDL lebih efektif digunakan dalam pembelajaran matematika dibandingkan model pembelajaran konvensional. Selain itu, proses penyelesaian masalah siswa yang mengalami pembelajaran menggunakan model GDL lebih baik dan bervariasi dibandingkan dengan pembelajaran konvensional (Yuliani & Saragih, 2015).

Pembelajaran dengan model GDL diterapkan dalam perkuliahan geometri dasar selama setengah semester. Analisis terhadap pembelajaran dilakukan untuk mengetahui sejauh mana dukungan implementasi dari pelaksanaan GDL dengan melakukan wawancara terhadap responden (enam mahasiswa).

Dari hasil wawancara yang telah dilakukan ditemukan beberapa fakta sebagai berikut. Pemahaman terhadap pembuktian materi geometri dasar dilakukan dengan kegiatan eksplorasi terhadap teorema dan masalah pembuktian yang disajikan dalam tiap pembelajaran menggunakan model GDL. Hasil wawancara yang telah dilakukan terhadap keenam responden

terhadap pelaksanaan perkuliahan dengan menggunakan model model *GDL* mengungkapkan bahwa pembelajaran yang telah dilaksanakan memberikan kemudahan dalam memahami materi geometri dasar yang diajarkan. Berikut disajikan bagian kutipan wawancara terhadap responden.

-
- P *Okeh..kan kemaren sudah diterapkan model GDL dalam pembelajaran geometri, apakah pada mata kuliah lain ada yang menerapkan pembelajaran seperti ini pada mata kuliah lain?*
- R12 *Sebenarnya sudah ada tapi tidak rutin tiap minggunya cuman satu kali pertemuan saja.*
- P *Ada bedanya tidak?*
- R12 *Banyak bedanya pak, kalo pada mata kuliah lain tidak ada presentasi, dan itu juga diskusi kelompok cuman satu pertemuan saja. Trus kalo pada mata kuliah lain materi minggu lalu tidak disinggung sedangkan pada pembelajaran kemaren [model GDL dengan strategi self explanation] sebelum memulai materi baru bapak menyinggung sedikit materi minggu yang lalu.*
- P *Apakah model pembelajaran yang kita terapkan kemaren [model GDL dengan strategi self explanation] apakah efektif?*
- R12 *Menurut saya efektif pak*
- P *Efektifnya di mana?*
- R12 *Jadi lebih paham pak materinya karena ada bantuan LKM, terus kita bisa mengungkapkan ide di kelompoknya*
-

Kutipan wawancara di atas terhadap ketiga responden yang di wawancarai menunjukan bahwa ketiganya merasa pembelajaran yang dilakukan lebih efektif dibandingkan pembelajaran yang biasa dilakukan sebelumnya (pembelajaran pada perkuliahan lain yang dialaminya). Mahasiswa yang termasuk dalam kategori tinggi yaitu R12 mengungkapkan bahwa pembelajaran yang telah dilakukan (pembelajaran menggunakan model *GDL*) berbeda dengan pembelajaran pada mata kuliah lain. Alasan R12 mengungkapkan bahwa pada pembelajaran pada mata kuliah lain tidak ada kegiatan presentasi dan diskusi kelompok hanya satu pertemuan saja. Mahasiswa R12 juga mengungkapkan pada pembelajaran mata kuliah lain pada setiap pertemuan tidak menyinggung materi sebelumnya sebagai bahan apersepsi. Sedangkan pada pembelajaran menggunakan model *GDL* dengan terdapat kegiatan presentasi, diskusi dan setiap pertemuan menyinggung materi-materi sebelumnya, sehingga menurut R12 pembelajaran lebih efektif dan materi lebih mudah dipahami dengan adanya LKM yang telah diberikan. Hal ini sejalan dengan hasil penelitian (Imawan, [2015](#); Kartikaningtyas & Kusmayadi, [2017](#); Khasanah, Usodo, & Subanti, [2018](#)) yang menunjukan bahwa *GDL* dinilai efektif dalam pembelajaran geometri.

Kegiatan penemuan dalam model *GDL* merupakan prinsip utama dari model tersebut. Kegiatan penemuan yang dipandu dengan menggunakan LKM sebagai *guided* membuat peran serta mahasiswa dalam pembelajaran lebih aktif dalam menyelesaikan masalah-masalah yang disajikan sehingga pada suatu kesimpulan. Strategi-strategi yang dilakukan dalam menyelesaikan masalah dilakukan oleh mahasiswa dalam proses penemuan suatu jawaban atau kesimpulan akhir. Hasil proses wawancara menunjukkan bahwa mahasiswa lebih aktif dalam menyelesaikan permasalahan yang disajikan dan mencoba menerapkan berbagai macam strategi pada proses penemuan. Berikut kutipan bagian wawancara yang telah dilakukan.

-
- P *Ketika menghadapi masalah seperti ini [masalah yang ada di LKM], apa langkah-langkah yang dilakukan R11 [menyebutkan nama responden] ?*
- R11 *Langkah-langkahnya yang pertama membaca soal, menggambar sketsa diagram.*
- P *Selanjutnya..*
- R11 *Kita cari informasi yang sudah diketahui*
- P *Selanjutnya*
- R11 *Mencari hubungan dengan langkah-langkah yang kita kerjakan. Ada hubungan apa dengan langkah-langkah sebelumnya*
- P *Untuk menghubungkan langkah-langkah yang sudah dikerjakan, apa yang R11 [menyebutkan nama responden] berpikirnya seperti apa?*
- R11 *Menghubungkan konsep yang dekat pak. misalkan yang ada di masalah ini kan diketahui di situ terkait sudut dalam berseberangan berarti saya akan menghubungkan dengan sudut-sudut yang lain seperti sudut sehadap, sudut dalam sepihak dan yang lain-lain pokoknya masih dalam lingkup situ pak.*
- P *Jadi mengaitkan teorema-teorema yang sudah ada yah*
- R11 *[mengangguk]*
-

Kutipan bagian wawancara dengan mahasiswa menunjukkan bahwa kegiatan penemuan yang dilakukan menggunakan LKM lebih efektif untuk memahami materi yang diajarkan dengan mencari strategi-strategi penyelesaian masalah. Mahasiswa R11 mengungkapkan dalam menyelesaikan masalah yang disediakan dalam menemukan jawaban yaitu dengan membaca masalah, mensketsakan gambar, mencari informasi yang diketahui dan menghubungkan teorema-teorema yang terkait. Terlihat bahwa menurut mahasiswa R11 aktif dalam menemukan jawaban dari masalah yang disediakan di LKM dengan pertanyaan-pertanyaan bantuan sebagai *guided*. Pada proses penemuan jawaban dituntun oleh pertanyaan-pertanyaan untuk menarik suatu kesimpulan, sehingga lebih semangat dan memahami konsep yang sedang diajarkan.

Proses diskusi dalam pembelajaran model *GDL* menjadikan mahasiswa lebih aktif dalam mengungkapkan ide dan argumennya dalam menyelesaikan masalah-masalah yang disajikan. Proses penemuan dalam pembelajaran dilakukan dengan diskusi kelompok dengan LKM sebagai bahan diskusi. Proses diskusi yang dilakukan dalam pembelajaran memberikan kesan yang sangat baik bagi mahasiswa. Hal tersebut terlihat dari kutipan bagian wawancara yang memberikan gambaran mahasiswa terhadap proses diskusi berikut.

-
P Menurut R31 , bagaimana peruliahannya yang kita lakukan kemarin [model *GDL*]?
R31 Menyenangkan pak
P Menyenangkannya dalam hal apa?
R31 Ya bisa berdiskusi dengan teman, terus itu apa namanya bisa mengenal karakter teman lain. Kan kita baru semester awal kan, jadi kita bisa mengenal teman-teman lebih dekat dengan pembelajaran seperti yang kemarin kita lakukan
P Jadi, dapat saling *sharing* yah.
R31 Iyah pak
... ...

Proses diskusi menjadi tempat untuk saling *sharing* pengetahuan dan mengungkapkan ide argumentasinya dalam menyelesaikan permasalahan yang disediakan dalam LKM. Mahasiswa R31 mengungkapkan proses diskusi sangat membantu dalam proses pembelajaran karena dalam satu kelompok terdapat anggota kelompok yang cepat memahami materi di LKM dan ada anggota kelompok yang kurang cepat dalam memahami materi. *GDL* merangsang kreatifitas siswa dalam membangun pengetahuan yang baru (Asri & Noer, [2015](#)). Jadi proses *sharing* pengetahuan dalam proses diskusi sangat membantu dimana anggota kelompok yang paham memberi tahu anggota kelompok yang kurang memahami materi atau penyelesaian masalah yang disajikan dalam LKM. Selain itu, terdapat peningkatan motivasi belajar melalui model pembelajaran *GDL*.

Proses diskusi juga dijadikan sebagai proses saling mengenal satu sama lain karakteristik dari tiap-tiap anggota kelompok. Hal tersebut yang diungkapkan oleh mahasiswa R31, sehingga dalam proses diskusi tidak ada *gap* (batasan) dalam mengungkapkan argumentasinya. Dengan saling mengenal maka proses *sharing* pengetahuan dapat berjalan dengan lancar karena proses keakraban yang telah dibangun dalam diskusi kelompok dan sangat menyenangkan dalam kegiatan pembelajaran.

Setelah berdiskusi dan menyimpulkan hasil pekerjaan tiap-tiap kelompok, mahasiswa mempresentasikan hasil kerjanya di depan kelas. Proses presentasi pada model *GDL* bertujuan untuk menyamakan persepsi secara klasikal dari kesimpulan tiap-tiap kelompok. Mahasiswa merasa kegiatan presentasi sangat membantu dalam proses pembelajaran. Hal tersebut terlihat dari kutipan bagian wawancara dengan mahasiswa R12 sebagai berikut.

- ...
P *Okeh..kan kemaren sudh diterapkan model GDL dalam pembelajaran geometri, apakah pada mata kuliah lain ada yang menerapkan pembelajaran seperti ini pada mata kuliah lain?*
R12 *Sebennarnya sudah ada tapi tidak rutin tiap minggunya cuman satu kali pertemuan saja.*
P *Ada bedanya tidak?*
R12 *Banyak bedanya pak, kalo pada mata kuliah lain tidak ada presentasi, dan itu juga diskusi kelompok cuman satu pertemuan saja. Trus kalo pada mata kuliah lain materi minggu lalu tidak disinggung sedangkan pada pembelajaran kemaren [model GDL] sebelum memulai materi baru bapak menyinggung sedikit materi minggu yang lalu.*
...
...

Dari kutipan bagian wawancara di atas terlihat bahwa kegiatan pembelajaran menggunakan model *GDL* lebih efektif karena adanya kegiatan presentasi. Mahasiswa R12 mengungkapkan bahwa kegiatan proses pembelajaran yang telah dilakukan efektif karena adanya kegiatan presentasi di depan kelas. Mahasiswa R12 juga mengungkapkan bahwa pada perkuliahan di mata kuliah lain tidak ada kegiatan presentasi di depan kelas, sehingga dengan adanya kegiatan presentasi menjadikan pembelajaran berbeda dengan mata kuliah-mata kuliah yang lainnya. Respon ini sejalan dengan hasil penelitian Parno (2015) yang menunjukkan bahwa model *GDL* dapat meningkatkan hasil belajar siswa.

Simpulan

Berdasarkan hasil penelitian disimpulkan bahwa: 1) peningkatan KMBG mahasiswa yang memperoleh model *GDL* lebih baik dibandingkan dengan mahasiswa yang memperoleh model *DI*; 2) terdapat perbedaan peningkatan kemampuan mengkonstruksi bukti geometri ditinjau dari level KAM mahasiswa; 3) terdapat efek interaksi faktor pembelajaran dan KAM mahasiswa terhadap peningkatan kemampuan pemahaman bukti geometri. Berdasarkan kesimpulan tersebut, dapat dikatakan bahwa model *GDL* sangat efektif diterapkan dalam proses pembelajaran geometri khususnya pada proses mengkonstruksi bukti geometri. Model *GDL* hendaknya dapat

menjadi alternatif pengembangan pembelajaran, khususnya pembelajaran geometri ditingkat perguruan tinggi. Kegiatan pada proses pembelajaran menggunakan model *GDL* mengaktifkan mahasiswa dalam penyelesaian tugas-tugas analisis yang diberikan dapat mengembangkan kemampuan mengkonstruksi bukti geometri.

Ucapan Terima Kasih

Pendanaan untuk penelitian ini disediakan oleh Penelitian dan Pengembangan Universitas Muhammadiyah Prof. DR. HAMKA dan Universitas Swadaya Gunung Djati. Kami ingin mengucapkan terima kasih kepada mahasiswa Program Pendidikan Matematika Universitas PGRI Semarang atas partisipasi dan kontribusinya.

References

- Abdisa, G., & Getinet, T. (2012). The Effect of Guided Discovery on Students'. *Physics Achievement. Journal Physic Education*, 6(4), 530–537.
- Arnawa, I. M., Sumarno, U., Kartasasmita, B., & Baskoro, E. T. (2007). Applying the Apos Theory To Improve Students Ability To Prove in Elementary Abstract Algebra. *Journal of the Indonesian Mathematical Society*, 13(1), 133–148.
- Asri, E. Y., & Noer, S. H. (2015). *Guided Discovery Learning* dalam Pembelajaran Matematika. In *Prosiding Seminar Nasional Matematika dan Pendidikan Matematika*, 891–896.
- Balim, A. G. (2009). The Effects of Discovery Learning on Students' Success and Inquiry Learning Skills. *Eurasian Journal of Educational Research*, 35(35), 1–20.
- Baroody, A. J., Purpura, D. J., Eiland, M. D., & Reid, E. E. (2015). The Impact of Highly and Minimally Guided Discovery Instruction on Promoting The Learning of Reasoning Strategies for Basic Add-1 and Doubles Combinations. *Early Childhood Research Quarterly*, 30(PA), 93–105.
- Bieda, K. N., Ji, X., Drwencke, J., & Picard, A. (2014). Reasoning-and-Proving Opportunities in Elementary Mathematics Textbooks. *International Journal of Educational Research*, 64, 71–80.
- Flores, M. M., & Kaylor, M. (2000). The effects of a Direct Instruction Program on The Fraction Performance of Middle School Students At-Risk For Failure In Mathematics. *Journal of Instructional Psychology*, 34(2), 84–94.
- Haeruman, L. D., Rahayu, W., & Ambarwati, L. (2017). Pengaruh Model Discovery Learning Terhadap Peningkatan Kemampuan Berpikir Kritis Matematis Dan Self-Confidence Ditinjau Dari KAM Siswa Sma Di Bogor Timur. *Jurnal Penelitian Dan Pembelajaran Matematika*, 10(2), 157–168.
- Hammer, D. (1997). Discovery learning and discovery teaching. *Cognition and Instruction*, 15(4), 485–523.
- Hodds, M., Alcock, L., & Inglis Loughborough, M. (2014). Self-explanation training improves proof comprehension. *Journal for Research in Mathematics Education*, 45(1), 62–101.
- Imawan, O. R. (2015). Perbandingan Antara Keefektifan Model Guided Discovery Learning dan Project-Based Learning Pada Matakuliah Geometri. *PYTHAGORAS: Jurnal Pendidikan Matematika*, 10(2), 179–188.
- Kartikaningtyas, V., & Kusmayadi, T. A. (2017). Contextual Approach with Guided Discovery Learning and Brain Based Learning in Geometry Learning. *Journal of Physics:*

Conference Series, 895(1), 012024.

- Khasanah, V. N., Usodo, B., & Subanti, S. (2018). Guided Discovery Learning In Geometry Learning. *Journal of Physics: Conference Series*, 983(1), 012160.
- Louden, B. (2014). Direct instruction and the teaching of early reading. In *The Conversation*.
- Maarif, S. (2015). Improving Junior High School Students' Mathematical Analogical Ability Using Discovery Learning Method. *International Journal of Research in Education and Science*, 2(1), 114.
- Maarif, S., Perbowo, K. S., Noto, M. S., & Harisman, Y. (2019). Obstacles in Constructing Geometrical Proofs of Mathematics-Teacher-Students Based on Boero's Proving Model. *Journal of Physics: Conference Series*, 1315, 012043.
- Maarif, S., Wahyudin, W., Noto, M. S., Hidayat, W., & Mulyono, H. (2018). Geometry Exploration Activities Assisted With Dynamic Geometry Software (DGS) in a Teacher Education Classroom. *Infinity Journal*, 7(2), 133-146.
- Otten, S., Gilbertson, N. J., Males, L. M., & Clark, D. L. (2014). The Mathematical Nature of Reasoning-and-Proving Opportunities in Geometry Textbooks. *Mathematical Thinking and Learning*, 16(1), 51-79.
- Parno, P. (2015). Pengaruh Model Penemuan Terbimbing Dengan Strategi Self-Explanation Terhadap Prestasi Belajar Fisika Zat Padat Mahasiswa. *Jurnal Pendidikan Fisika Indonesia*, 11(1), 23-35.
- Reiss, K., & Renkl, A. (2002). Learning to prove: The Idea of Heuristic Examples. *ZDM - International Journal on Mathematics Education*, 34(1), 29-35.
- Stockard, J., Wood, T. W., Coughlin, C., & Khoury, C. R. (2018). The Effectiveness of Direct Instruction Curricula: A Meta-Analysis of a Half Century of Research. *Review of Educational Research*, 88(4), 479-507.
- Sztajn, P., Wilson, H., Edgington, C., Myers, M., & Dick, L. (2013). Using Design Experiments to Conduct Research on Mathematics Professional Development. *Alexandria: Revista de Educação Em Ciência e Tecnologia*, 6(1), 9-34.
- Tran, T., Nguyen, N.-G., Bui, M.-D., & Phan, A.-H. (2014). Discovery Learning with the Help of the GeoGebra Dynamic Geometry Software. *International Journal of Learning, Teaching and Educational Research*, 7(1), 44-57.
- Vilkomir, T., & O'Donoghue, J. (2009). Using Components of Mathematical Ability for Initial Development and Identification of Mathematically Promising Students. *International Journal of Mathematical Education in Science and Technology*, 40(2), 183-199.
- Weber, K. (2005). Problem-Solving, Proving, and Learning: The Relationship Between Problem-Solving Processes and Learning Opportunities in The Activity of Proof Construction. *Journal of Mathematical Behavior*, 24(3-4), 351-360.
- Yuliana, Y., Tasari, T., & Wijayanti, S. (2017). The Effectiveness Of Guided Discovery Learning To Teach Integral Calculus For The Mathematics Students Of Mathematics Education Widya Dharma University. *Infinity Journal*, 6(1), 01-10.
- Yuliani, K., & Saragih, S. (2015). The Development of Learning Devices Based Guided Discovery Model to Improve Understanding Concept and Critical Thinking Mathematically Ability of Students at Islamic Junior High School of Medan. *Journal of Education and Practice*, 6(24), 116-128.

ORIGINALITY REPORT

13%

SIMILARITY INDEX

13%

INTERNET SOURCES

3%

PUBLICATIONS

7%

STUDENT PAPERS

PRIMARY SOURCES

1

repository.upi.edu

Internet Source

5%

2

Submitted to Universitas Pendidikan Indonesia

Student Paper

3%

3

publikasi.stkipsiliwangi.ac.id

Internet Source

1%

4

a-research.upi.edu

Internet Source

1%

5

digilib.unimed.ac.id

Internet Source

1%

6

skripsi-konsultasi.blogspot.com

Internet Source

1%

7

www.scribd.com

Internet Source

1%

8

jurnal.uns.ac.id

Internet Source

1%

9

id.scribd.com

Internet Source

1%

Exclude quotes On

Exclude bibliography On

Exclude matches < 1%